

اختبار الفصل الثاني في مادة الرياضيات

26.02.2018

التمرين الأول (4 نقاط)

يعطي الجدول التالي كلفة استهلاك الكهرباء من طرف عائلة معينة من مدينة ما خلال سنة ( مقدرة بـ 10 الآف الدينار ) :

السنة	2011	2013	2014	2015	2017
رتبة السنة $x_i$	1	3	4	5	7
الكلفة $y_i$	29	35	52	71	101

1. أ- مثل سحابة النقط  $(x_i, y_i)$  في معلم متعدد ( 1cm لكل سنة على محور الفاصل و 1cm لكل 10 الآف دينار على محور التراتيب )

ب- هل يمكن تسوية سحابة النقط السابقة بتعديل خطى ؟ برهن .

2. نضع  $z_i = \ln y_i$

أ- اتمم الجدول التالي (تعطى النتائج مدورة الى  $10^{-2}$  ) :

رتبة السنة $x_i$	1	3	4	5	7
$z_i = \ln y_i$	3.37	.....	.....	.....	.....

ب- أوجد احداثي النقطة المتوسطة  $M'(x_i, z_i)$  لسحابة النقط

3. بين أن معادلة مستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا هي :  $z = 0.22x + 3.07$

4. أ- تحقق أن :  $y = ke^{0.22x}$  حيث  $k$  عدد حقيقي يطلب تعبينه .

ب- أحسب تقدير كلفة استهلاك العائلات سنة 2020 .

التمرين الثاني (4 نقاط)

ليكن  $P$  كثير حدود معرف كما يلي :

1. عين الاعداد الحقيقة  $a, b, c$  حتى يكون من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :

2. حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة :  $P(x) = 0$  .

3. استنتج حل المعادلتين :

$$2(\ln x)^3 - (\ln x)^2 - 15 \ln x + 18 = 0 \quad -$$

$$. 2e^{3x} - e^{2x} - 15e^x + 18 = 0 \quad -$$

التمرين الثالث (4 نقاط)

نعتبر المتالية  $(U_n)$  المعرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ

$$\begin{cases} U_0 = 5 \\ U_{n+1} = \frac{-2}{3}U_n + 5 \end{cases}$$

1) أحسب الحدود  $U_1, U_2, U_3$  .

2) نضع من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $V_n = U_n - 3$  .

- برهن أن  $(V_n)$  متالية هندسية يطلب تعبيين أساسها وحدتها الأولى .

- أكتب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج  $u_n$  بدلالة  $n$  .

(3) أحسب المجموعتين  $S_n$  و  $T_n$  بدلالة  $n$  حيث:

$$T_n = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n \quad , \quad S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$$

(4) أحسب نهاية  $S_n$  و  $T_n$  لما  $n$  يؤول إلى  $+\infty$ .

#### التمرين الرابع(نقطات)

$$f(x) = x - \frac{e^x}{e^x - 1} \quad : \quad f \text{ دالة معرفة على } \mathbb{R}^*$$

( $C_f$ ) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس  $(\vec{O}; \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب:

أ-  $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$  ،  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  ثم فسر النتائجين هندسيا.

ب-  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

2. أ- بين أن المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته:  $x = y$  مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  عند  $-\infty$ .

ب- تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$ :  $f(x) = x - 1 - \frac{1}{e^x - 1}$ .

ج- استنتج أن المستقيم ( $\Delta'$ ) الذي معادلته:  $y = x - 1$  مقارب مائل لـ  $(C_f)$  عند  $+\infty$ .

3. أ- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  غير معروف فإن:  $f'(x) = \frac{e^{2x} - e^x + 1}{(e^x - 1)^2}$ .

ب- استنتاج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

4. مثل بيانيا كلا من  $(\Delta)$  ،  $(\Delta')$  و  $(C_f)$ .

5. احسب العدد:  $\int_{\frac{3}{2}}^2 f(x) dx$  ثم فسر النتيجة هندسيا.